

Aproximación intuitiva al concepto de límite

4 Completan las siguientes tablas y respondan a las consignas.

$f(x) = 3x + 7$			
Si $x > 1$		Si $x < 1$	
x	$f(x)$	x	$f(x)$
1,5		0,3	
1,3		0,5	
1,1		0,7	
1,01		0,9	
1,001		0,99	
1,0001		0,999	
1,00001		0,9999	
1,000001		0,99999	

$g(x) = \frac{x - 2}{x^2 - 4}$			
Si $x > 2$		Si $x < 2$	
x	$g(x)$	x	$g(x)$
2,5		1,3	
2,3		1,5	
2,1		1,7	
2,01		1,9	
2,001		1,99	
2,0001		1,999	
2,00001		1,9999	
2,000001		1,99999	

a) ¿Qué observan en las imágenes de $f(x)$ cuando los valores del dominio se acercan a $x = 1$?

.....

b) ¿Qué observan en las imágenes de $g(x)$ cuando los valores del dominio se acercan a $x = 2$?

.....

c) Completan: Dominio de f :; Dominio de g :

d) Si es posible, calculen $f(1)$ y $g(2)$.

.....

e) Comparen los valores hallados en d) con lo que respondieron en a) y b).

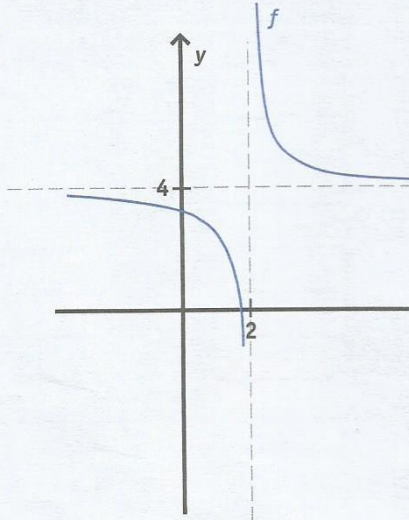
.....

Para observar

En este capítulo trabajaremos con algunas herramientas del *análisis matemático*, comenzando por el concepto de *límite*. En relación con este concepto, como con muchos otros, en este texto no trabajaremos con definiciones y demostraciones formales, sino con aproximaciones conceptuales que nos permitirán aplicar algunas de sus propiedades en la profundización del estudio de funciones.

Límites laterales

Para observar



A los límites "por derecha" y "por izquierda" de una función en un punto los llamamos *límites laterales*.

En la gráfica siguiente podemos observar esto:

- Cuando los valores de x se aproximan a 2 "por la derecha", $f(x)$ toma valores cada vez mayores. Decimos, entonces, que "el límite de $f(x)$ cuando x tiende a 2 por derecha es más infinito" y lo simbolizamos de la siguiente manera:

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = +\infty$$

- Cuando los valores de x se aproximan a 2 "por la izquierda", $f(x)$ toma valores cada vez menores. Decimos, entonces, que "el límite de $f(x)$ cuando x tiende a 2 por izquierda es menos infinito" y lo simbolizamos de la siguiente manera:

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = -\infty$$

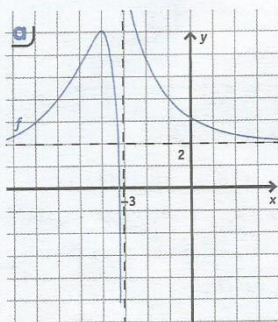
- Cuando los valores de x son cada vez mayores, $f(x)$ toma valores cada vez más próximos a 4. Decimos, entonces, que "el límite de $f(x)$ cuando x tiende a más infinito es 4" y lo simbolizamos de la siguiente manera:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 4$$

- Cuando los valores de x son cada vez menores, $f(x)$ toma valores cada vez más próximos a 4. Decimos, entonces, que "el límite de $f(x)$ cuando x tiende a menos infinito es 4" y lo simbolizamos de la siguiente manera:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 4$$

5 Completen.

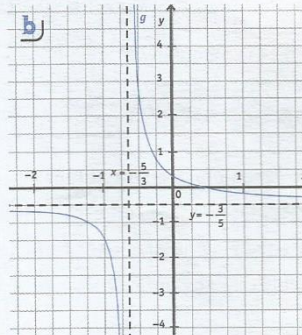


$$\lim_{x \rightarrow -3^-} f(x) = \dots$$

$$\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x) = \dots$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \dots$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \dots$$



$$\lim_{x \rightarrow \frac{2}{3}} g(x) = \dots$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{2}{3}^+} g(x) = \dots$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = \dots$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = \dots$$

Límite de una función en un punto

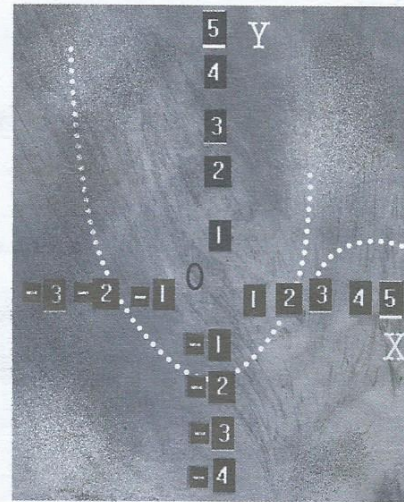
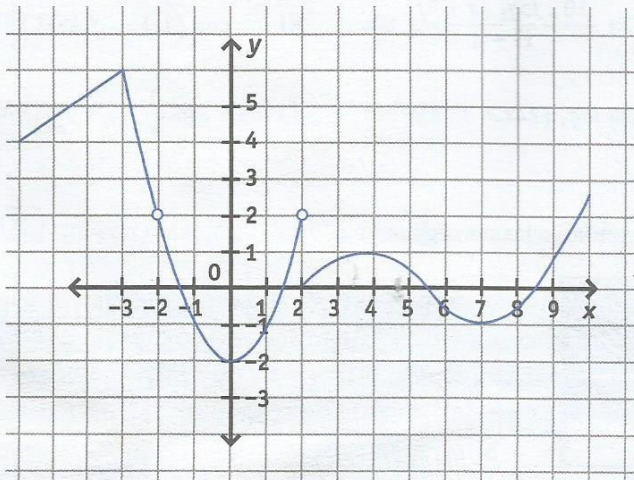
Para leer y recordar

- Consideramos una función $f(x)$ y un valor a , que puede pertenecer o no al dominio de f . Decimos que el *límite* de f cuando x tiende a a es L , si las imágenes de $f(x)$ se aproximan a L , cuando los valores de la variable x se aproximan a a .

Simbólicamente, lo escribimos así: $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = L$.

- Observamos a qué imagen nos acercamos por ambos lados. Si la imagen es la misma por ambos lados, ese es el límite buscado. Si no lo es, entonces, el límite no existe.

6 Observen el gráfico y completen los límites pedidos.



a) $f(-3) = \dots\dots\dots$

e) $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x) = \dots\dots\dots$

i) $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \dots\dots\dots$

b) $f(-2) = \dots\dots\dots$

f) $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \dots\dots\dots$

j) $\lim_{x \rightarrow -3} f(x) = \dots\dots\dots$

c) $f(2) = \dots\dots\dots$

g) $\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x) = \dots\dots\dots$

k) $\lim_{x \rightarrow -2} f(x) = \dots\dots\dots$

d) $\lim_{x \rightarrow -3^-} f(x) = \dots\dots\dots$

h) $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = \dots\dots\dots$

l) $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = \dots\dots\dots$

TODOS LOS TRABAJOS SE ENTREGAN AL MAIL:
mariana_sudday@hotmail.com